

## مطالعه تجربی تضعیف موج ضربه‌ای در عدد ماخ ۲/۴۵ با آیرو - اسپایک پلاسما و مغناطیس

مهدی رحیمی<sup>۱</sup>، اکرم خدایاری<sup>۲</sup>، فرزاد ویسی<sup>۳</sup>

۱ دانشجوی دکتری، گروه مکانیک، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه رازی، کرمانشاه

۲ استادیار، گروه مکانیک، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه رازی، کرمانشاه، a.khodayari@razi.ac.ir

۳ دانشیار، گروه مکانیک، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه رازی، کرمانشاه

تاریخ دریافت: ۱۳۹۷/۰۲/۱۹

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۰۹/۲۰

### چکیده

در این پژوهش، تضعیف امواج ضربه‌ای بهوسیله مشاهدات کیفی تخلیه پلاسما در ماخ ۲/۴۵ و آزمایش‌های محیطی ارزیابی شده است. پلاسما روی مدل آیرو - اسپایک با تخلیه الکتریکی ۵۰ هرتز، ۵۰ میلیآمپر و ۳۰ کیلوولت تولید شده و از تکنیک شادوگراف با ۳۰۰ فریم بر ثانیه و دوربین ویدئویی با ۱۰۰۰ فریم بر ثانیه<sup>۱</sup> برای ثبت نتایج کیفی استفاده شده است. نتایج آزمایشگاهی نشان می‌دهد که افزایش میدان مغناطیسی علاوه بر پایداری بیشتر در تخلیه قابان، افزایش فرکانس، تغییر مسیر ذرات باردار از دایره‌ای به سیکلوترونی و همپوشانی بهتر پلاسما، سبب ضخیم‌تر شدن ضخامت لایه شوک هم می‌شود. تصاویر شادوگراف در ماخ ۲/۴۵ نشان می‌دهد که ترکیب مغناطیس و پلاسما سبب افزایش ۷/۵ درجه در زاویه موج و در نتیجه ضعیفتر شدن موج ضربه‌ای شده و در پائین اسپایک باعث ناپدیدشدن موج منحنی شده است. لذا این روش منجر به حذف امواج ضربه‌ای در عدد ماخ ۲/۴۵ و کاهش پسای موجی شده است.

### واژگان کلیدی

امواج ضربه‌ای، کاهش پسای، مافوق صوت، آیرو - اسپایک پلاسمایی، میدان مغناطیسی

### ۱. مقدمه

صوتی، کاهش مصرف سوخت و سیستم پیشرانش کوچکتر خواهد شد. برای کاهش پسای روش‌های متنوعی از جمله تزریق پلاسما به صورت جت در نقطه سکون دماغه، اسپایک فیزیکی، نهشت (رسوب) انرژی توسط امواج ماکروویو و لیزر، روش‌های الکترومغناطیسی، اسپایک آیرو پلاسمایی و جز این‌ها بررسی شده است. در تولید پلاسما به روش تخلیه الکتریکی بین کاتد و آند،

با تشکیل امواج ضربه‌ای روی اجسام پرنده در سرعت‌های مافوق و مأولاً صوت، پسای موجی به عنوان چالشی بزرگ برای طراحان محاسب می‌شود. بنابراین هر روشی که سبب کاهش پسای جسم بهویژه پسای موجی و افزایش کارایی آثrodینامیک گردد، یک اقدام مثبت برای طراحان اجسام پرنده سرعت بالاست. در یک سرعت ثابت، کاهش پسای موجی باعث تضعیف غرش دیواره

مخصوص به خود می باشد. کانترویتز [۵] برای کاهش آثار منفی ساختار موج ضربه ای بر پرواز، استفاده از نیروهای الکترومغناطیسی برای کنترل جریان لایه مرزی را پیشنهاد کرد. در این روش جریان هوا یونیزه شده و توسط چگالی نیرویی  $B \times z^3$  کنترل می گردد.

رایگینز [۶] بیان کرد اگرچه گرمایش هوای ورودی باعث کاهش نیروی پسا موجی و غرش صدا در جریان مافق و ماورا صوت می شود، اما برای افزایش دمای گاز نیاز به چگالی جریان بالاست. کاتزن وکتاری [۷] میدان جریان اطراف یک جسم پخ را با افزایش تزریق گاز از ناحیه مادون صوت به لایه شوک (موج ضربه ای) در اطراف یک جسم پخ در جریان ماورا صوت بررسی کردند. در یک حالت خاص، وقتی که گاز هلیوم در سرعتهای مافق صوت به جریان منطقه مرکزی جبهه موج منحنی تزریق شده است، باعث بهبود در جبهه موج در آن منطقه شده و جبهه موج مخروطی به اندازه حدود یک برابر قطر بدنه بهسته بالادست جریان حرکت کرده است. پلاسما بدون اینکه افزایش محسوسی در دما ایجاد کند، می تواند الگوی موج ضربه ای را تغییر دهد. نتایج آزمایش های اخیر، که در مجراهای موج ضربه ای انجام شده است، افزایش سرعت و پراکندگی ساختمان موج ضربه ای در ناحیه تخلیه الکتریکی تابناک را نشان می دهد [۸-۱۰].

اپارتمن [۸] نشان داد آثار بهبود پلاسما با افزایش وزن اتمی پلاسما افزایش می یابد. گوردیر [۹] اثر پلاسما بر الگوی موج ضربه ای را با انجام یک آزمایش در تونل باد مورد مطالعه قرار داد. در این آزمایش فلز فشار بالا (z بالا) بخار شده و پلاسما توسط اتصال کوتاه الکتریکی درون یک محفظه استوانه ای تولید و توسط یک نازل به جریان مافق صوت تزریق می شود. در این روش کاهش پسای قابل توجهی اندازه گیری شده است. نتایج تجربی در تونل های باد دیگر نشان می دهد وقتی پلاسما تولیدی در جلوی یک مدل توسط تخلیه الکتریکی یا توسط پالسهای ماکروویو جریان می یابد، سبب پراکندگی در ساختمان موج ضربه ای و افزایش فاصله موج چسییده از دماغه مدل می شود. اکستون [۱۰] برای تولید پلاسما در جلوی محدوده جبهه موج از ضربه های ماکروویو استفاده کرد، البته در این حالت اثر پلاسما بر الگوی موج ضربه ای خیلی ضعیف بود. باری شینکو [۱۱] بازه زمانی از بین بردن آشفتگی و برقراری حالت تعادل را در بهبود ساختار موج ضربه ای در تخلیه پلاسما مورد بررسی قرار داد. به طوری که نتیجه

ابتدا بر اثر میدان الکتریکی قوی بین دو الکترود، الکترون از کاتد انتشار یافته و این الکترون آزاد تحت تأثیر میدان الکتریکی شتاب گرفته و در هنگام برخورد با مولکول های هواء انرژی لازم برای خارج کردن الکترون از لایه خارجی مولکول های تشکیل دهنده هوا (CO<sub>2</sub>, N<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>) را کسب خواهد کرد. در نتیجه این فضای یونی (شامل یون و الکترون) تشکیل پلاسمایی می دهد که در هنگام عبور از کاتد به آند (الکترون ها) و بالعکس (یون ها) دارای مومنتومی معادل با mV بوده و باعث تغییر جهت مولکول های هواء از محور جسم می شود. تغییر جهت مومنتوم، مستقیماً بر شدت امواج ضربه ای مایل و منحنی الشکل اثر می گذارد. در این حالت زاویه موج ضربه ای بیشتر شده و بهسته بالادست جریان حرکت می کند. برخورد الکترون ها با مولکول های موج ضربه ای و خارج کردن الکترون از مدار مولکول باعث می شود که در داخل موج ضربه ای یون های مثبت کنار هم قرار گیرد و به واسطه نیروی دافعه بارهای همنام باعث پراکندگی در ساختمان موج ضربه ای شود.

برای توسعه فناوری کاهش پسا ناشی از موج ضربه ای از زمان شروع ساخت وسائل آیرودینامیکی مافق صوت روش های متنوعی ابداع شده اند که در زیر تعدادی از آنها آورده شده است. گنایو<sup>۳</sup> و همکاران [۱۲] از یک تخلیه قوسی برای گرم کردن پلاسما تا دمای تقریبی ۶۰۰۰ کلوین از طریق یک نازل مافق صوت در لبه جلویی یک مدل سیلندر مخروطی با زاویه ۳۰ درجه استفاده کردند. در این آزمایش ها کاهش پسا بهمیزان دو تا چهار برابر نسبت به حالت عادی در اعداد ماخ ۰/۴ تا ۵ به دست آمده است. بررسی عددی آثار یک اسپایک فیزیکی به همراه تزریق جت جانبی با سرعت حداقل ماخ یک روی یک دماغه پهن در اعداد ماخ مادون صوت توسط آقایان محمدخانی و مومیوند [۱۲] حاکی از کاهش موثر نیروی پسا می باشد. شنگ [۳] اندازه گیری پسا را با استفاده از تزریق سیال هوا و جت پلاسما در عدد ماخ ۶ با عدد رینولدز ۳۴۴۰ (مبتنی بر قطر) انجام داده و بیان کرده است که تزریق جت پلاسما نسبت به تزریق جت هوا از یک سیلندر دماغه پهن، باعث کاهش بیشتر شدت امواج ضربه ای و در نتیجه کاهش بیشتر نیروی پسا شده است. بوسمن [۴] بیان کرد که تداخلات هندسی امواج ضربه ای و امواج انساطی از دو بدن متفاوت می توانند پسای موجی را کاهش دهد. این روش به عدد ماخ و زاویه حمله وابسته است و از جنبه عملی دارای مشکلات

مورد نیاز است که برای تخلیه پلاسماست. در حالت تخلیه پالسی نسبت منظری بدن تا ۷۰ درصد افزایش می‌باید. اندازه‌گیری‌ها نشان می‌دهد که آثار پلاسما بر ساختمان موج ضربه‌ای در حالت تخلیه پالسی خیلی موثرتر از تخلیه پریودیک است. همچنین این محقق بیان کرده که پسای موجی ناشی از موج روی مخروط به قدرت موج و در نتیجه به عدد ماخ جریان وابسته بوده و عدد ماخ در نوک مدل به‌واسطه تخلیه پلاسما از عدد ماخ جریان اصلی کمتر است. کاهش عدد ماخ موثر جریان ورودی در ناحیه نوک مدل باعث می‌شود که هوای منحرف شده ناشی از تخلیه پلاسما پسای موجی را کاهش دهد. از این‌رو ساختمان موج ضربه‌ای بهبود یافته و به‌سمت بالادست حرکت کرده و نتیجه آن کاهش پسای موجی روی مخروط است.

در این مقاله از روش ترکیبی پلاسما و مغناطیس برای کاهش شدت امواج ضربه‌ای و کاهش نیروی پسای موجی در جلوی مدل استفاده شده است. برای این منظور مجموعه مدل و سامانه‌های تأمین انرژی و اندازه‌گیری بر اساس تونل باد مافق صوت طراحی و ساخته شد. سپس برای اطمینان از جریان پلاسما پیرامون اسپایک آزمایش‌های محیطی در شرایط اتمسفر با و بدون میدان مغناطیسی خارجی انجام گرفت. در ادامه مجموعه مدل و تجهیزات در شرایط مافق صوت (عدد ماخ ۲/۴۵) مورد آزمایش قرار گرفت.

## ۲. تضعیف امواج ضربه‌ای با اسپایک پلاسمایی

در جریان مافق صوت به‌دلیل اختشاشات ایجاد شده از حضور یک جسم، امواج ضربه‌ای تشکیل می‌شود. در حالت پایدار، یک موج ضربه‌ای در جلوی جسم توسط تغییر ناگهانی در فشار شکل گرفته و باعث جداش جریان و در نهایت بی‌نظمی‌های متعددی می‌شود. زاویه موج ضربه‌ای به عدد ماخ و زاویه انحراف جریان توسط رابطه بین  $\sigma-\beta-M$ - $\sigma$ - $\beta$  دارد [۲۱]. چون لبه جلویی موج ضربه‌ای، از آشفتگی‌های به وجود آمده ناشی از حضور جسم دور است، جریان قبل از رسیدن به جبهه موج یکنواخت است. برای بهبود در ساختمان موج ضربه‌ای و حرکت کردن آن به بالادست جریان، آشفتگی‌های جریان باید به بالادست جبهه موج اصلی منتقل شود. یک روش بدینه برای حرکت آشفتگی‌های جریان به جلوی یک جسم دماغه پهن، استفاده از اسپایک فیزیکی است. بطوری‌که باعث تبدیل موج ضربه‌ای منحنی‌الشكل به موج

گرفت اثر پلاسمای پیوسته و بادوم بر ساختار موج ضربه‌ای از نقاط قوت جریان پلاسما نسبت به روش‌های حرارتی است. این اثر پلاسمای بادوم بر ساختار موج ضربه‌ای همچنین در آزمایشات انجام‌شده توسط اسپنسر پی کیو و همکاران [۱۲-۱۳] مشاهده شده است.

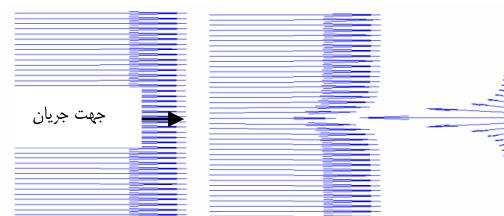
در این تحقیق اثر آیرو - اسپایک پلاسما بر کاهش موج ضربه‌ای دو هدف اولیه یکی افزایش و بهبود موثر شکل آیرو‌دینامیکی جسم، بدون نیازهای سرمایشی برای اسپایک فیزیکی و دیگری کاهش صدای ناشی از موج ضربه‌ای را در نیال می‌کند. چنگ و پاول [۱۴] از یک اسپایک فیزیکی برای بهبود نسبت منظری<sup>۵</sup> یک جسم دماغه پخ استفاده و بیان کرده‌اند که این نوع اسپایک باعث می‌شود موج منحنی‌الشكل در جلوی دماغه به بالادست جریان حرکت کند و در نهایت به فرم جدیدی از موج مخروطی تبدیل و سبب کاهش پسای موجی شود. از مشکلات این روش حساسیت حداقلی و عملکرد نامناسب در محدوده خارج طراحی است. همچنین اگر نسبت طول اسپایک به قطر آن کمتر از یک باشد، استفاده عملی از اسپایک فیزیکی به تنها‌ی تأثیری بر بهبود موج ضربه‌ای ندارد.

بیولاریو و کیو [۱۵] بررسی نمودند که به کار بردن پلاسما با توزیع مخروطی در اطراف یک اسپایک فیزیکی باعث می‌شود که ساختمان موج ضربه‌ای از حالت منحنی‌الشكل غیر چسبیده به یک موج ضربه‌ای مخروطی چسبیده در نوک اسپایک تغییر نماید. بهطوری‌که فشار در جلوی دماغه مخروطی ناقص بهمیزان ۳۰ درصد کاهش و فشار روی بدن مخروطی به میزان ۵ درصد افزایش باید. همچنین فشار روی بدن سینلدری بدون تغییر باقی می‌ماند. بنابراین قرار دادن یک اسپایک آیرو - پلاسمایی به جسم در سرعت‌های مافق صوت باعث بهبود در شکل آیرو‌دینامیکی اجسام دماغه پهن خواهد شد. اسپنسر پی کیو [۱۶-۱۷] از دو نوع اسپایک پلاسمایی برای تشریح روش‌های پلاسمایی در تضعیف موج ضربه‌ایی در دو حالت تخلیه الکتریکی پریودیک و پالسی استفاده کرد.

این تحقیق نشان می‌دهد که جریان پلاسما باعث افزایش زاویه موج ضربه‌ای و پراکندگی در ساختمان موج شده و با افزایش چگالی تخلیه، موج به‌سمت بالادست حرکت نموده و باعث افزایش فاصله موج منحنی‌الشكل از جلوی دماغه شده است. همچنین انرژی ذخیره شده به‌واسطه کاهش پسا، دو سوم انرژی

ضریب‌های مایل شده و باعث کاهش پسا موجی می‌شود [۱۴]. گفتنی است پسای اصطکاکی تولیدشده توسط اسپایک فیزیکی و خنکسازی اسپایک باعث محدودیت در کارایی این روش می‌شود.

یکی دیگر از اشکالات اسپایک فیزیکی حساسیت آن به عملکرد خارج از محدوده طراحی از قبیل عدد ماخ پرواز و زاویه حمله جسم است که باعث می‌شود مجدداً موج ضربه‌ای در جلوی جسم ظاهر شود [۱۴]. اما یک اسپایک پلاسمایی در مقایسه با اسپایک فیزیکی در شرایط خارج از طراحی نیز عملکرد مناسبی دارد و در نهایت اغتشاشات جریان به وجود آمده از اسپایک پلاسمایی با اغتشاشات مدل یک جبهه موج جدید را تشکیل می‌دهد که جایگزین موج قبلی می‌شود [۱۳]. ذرات شارژ شده که توسط یک میدان الکتریکی شتابدار شده‌اند، از طریق برخوردهای الکترون به مولکول‌های خنثی قادر به منحرف کردن جریان خنثی می‌باشد. البته انحراف موثر موقعی اتفاق می‌افتد که جریان پلاسمایی به طور مستقیم در داخل جریان خنثی تزریق شود. در این صورت انحراف جریان ایجادشده توسط پلاسمایی متمرکز موجب بهبود و تضعیف الگوی موج ضربه‌ای می‌گردد. توزیع شار جریان هوای ورودی  $n_e V_e$  (در چپ) و جریان الکترون پلاسمایی  $n_e V_e$  (در راست) (مثل یک اسپایک پلاسمایی)، قبل از برخورد در شکل ۱ رائمه شده است. به طوری که  $n_e$  چگالی خنثی،  $V_e$  سرعت الکترون،  $V_0$  سرعت جریان آزاد و  $\theta'$  سرعت الکترون می‌باشد. توزیع شار پلاسمایی را نشان می‌دهد و برای اثبات انحراف هوای ورودی توسط اسپایک پلاسمایی استفاده شده است [۱۵].



شکل ۱. توزیع شار جریان ورودی (چپ)

جریان منحرف شده (وسط) و جریان الکترون پلاسمایی [۱۵]

### ۳. جریان مافق صوت روی مخروط

برای بهبود اثر پلاسمایی بر موج ضربه‌ای نیاز است که پلاسمایی در ناحیه جلوی موج ضربه‌ای تولید شود و نسبت به محور مدل دارای

توزیع فضایی متقارن باشد [۱۷]. بنابراین یک توزیع متقارن پلاسما در جلوی موج ضربه‌ای اصلی (به عنوان یک اسپایک)، جریان را منحرف می‌کند که در روابط تئوری برای فهم درست نتایج تجربی باید در نظر گرفته شود. الکترون‌های موجود در فضای پلاسما توسط میدان الکتریکی موضعی در جلوی دماغه و روی اسپایک نگه داشته شده و در اثر برخورد الکترون‌ها به مولکول‌های خنثی، جهت مولکول‌ها تغییر کرده و اغتشاشات مومنتوم عرضی جریان خنثی به‌طور متقارن در جهات مختلف توزیع می‌گردد. حتی در موقعیت‌هایی که درصد یونیزاسیون پلاسما خیلی کم و جرم الکترون خیلی کمتر از ذرات خنثی در جریان باشد، این اغتشاشات عرضی می‌تواند خیلی بزرگ باشد؛ زیرا تغییر خالص مومنتوم کل در جهت عرضی صفر بوده و در جهت جریان کوچک است [۱۷].

یک موقعیت تقارن سمتی را در نظر بگیرید که جریان ورودی در سمت چپ با یک زاویه  $\theta'$  نسبت به محور مدل در حال حرکت است. در حالت پایدار، یک موج مخروطی ناشی از افزایش ناگهانی فشار در جلو جسم به وجود می‌آید و جریان را به دو ناحیه مجزا و جدا از هم تقسیم می‌کند (شکل ۲). در این شکل، مخروط به صورت افقی (در طول محور  $Z$ ) قرار دارد. بنابراین سرعت جریان در ناحیه ۱ ( $V_1$ ) نسبت به محور جسم دارای زاویه  $\theta'$  می‌باشد. در این حالت عدد ماخ جریان  $M_1$  است. در این شکل زاویه موج ضربه‌ای با  $\beta$  نشان داده شده است. در ناحیه ۲، بالاً فاصله پشت جبهه موج، جریان مورد نظر به اندازه  $\delta$  و با عدد ماخ  $M_2$  و سرعت  $V_{R_2} \bar{e}_R + V_{\theta_2} \bar{e}_{\theta}$  منحرف می‌شود. بطوطری که  $\bar{e}_R$  و  $\bar{e}_{\theta}$  بردارهای یکه در سیستم مختصات استوانه‌ای،  $V_{R_2}$  مؤلفه سرعت جریان در راستای موج مخروطی و  $V_{\theta_2}$  مؤلفه سرعت در جهت عمود بر موج مخروطی می‌باشد. مبدأ مختصات در نوک دماغه و محور  $Z$  در راستای محور مخروط در نظر گرفته شده است.

زاویه شوک  $\beta$  و زاویه انحراف  $\delta$  به وسیله ارتباط بین  $M - \beta - \delta$  یک گوه از شرایط پیوستگی در جریان ناپیوسته و در حالت  $\theta = \theta'$  به همیگر مربوط می‌شود. این رابطه می‌تواند بسادگی برای  $\theta' \neq \theta'$  تعمیم داده شود. به علت تغییرات عرضی موج ضربه‌ای مخروطی (مشابه با عرض یک موج مایل) مؤلفه عمود بر سرعت جریان آزاد حاکم شده است. پارامترهای وابسته در معادلات به قرار زیر است.

#### ۴. ابزار آلات آزمایش

آزمایش‌ها در دو حالت شرایط محیطی آزمایشگاه جهت حصول اطمینان از پیوستگی پلاسمای پیرامون دماغه مدل و شرایط جریان مافوق صوت، عدد ماخ  $2/45$  در تونل باد انجام شد. مجموعه آزمایش شامل تونل باد مافوق صوت، مدل دماغه مخروطی ناقص به همراه آیرو اسپایک پلاسمایی، منبع تعذیه ولتاژ بالا، ولتمتر، آمپرmetر، سیستم‌های یری اپتیکی بوده است. جهت ثبت تصاویر از دوربین‌های مختلف سرعت بالا با  $1000$  فریم بر ثانیه برای آزمایش‌های محیطی و  $300$  فریم بر ثانیه برای تصاویر شادوگراف و  $30$  فریم بر ثانیه برای تصویر تخلیه تابان استفاده شد.

#### ۱-۴. تونل باد

آزمایش‌ها در دو حالت شرایط محیطی آزمایشگاه (برای اطمینان از پیوستگی پلاسمای پیرامون دماغه مدل) و شرایط جریان مافوق صوت در محفظه آزمون تونل باد مافوق صوت (در دمای  $293$  کلوین و فشار  $86/0$  اتنسفر) مرکز تحقیقات آیرو دینامیک قدر انجام شده است. این تونل از نوع مدار باز مکشی با سطح مقطع به ابعاد  $60 \times 60$  سانتی‌متر مربع است که از نازل قابل انعطاف و واحد قدرت انژکتوری برای برقراری جریان مافوق صوت در محفظه آزمون استفاده شده است. زاویه جریان هوا در سرعت  $2/45$  برابر با  $25/0$  اعلام شده است. سیستم اندازه‌گیری سرعت در تونل با استفاده از فشار استاتیکی محفظه آزمون و تنظیم منحنی نازل مافوق صوت انجام شده است و از سیستم شادوگراف برای فیلمبرداری از میدان جریان اسپایک استفاده شده است. شکل ۳ شماتیک تونل باد مورد استفاده را نشان می‌دهد.

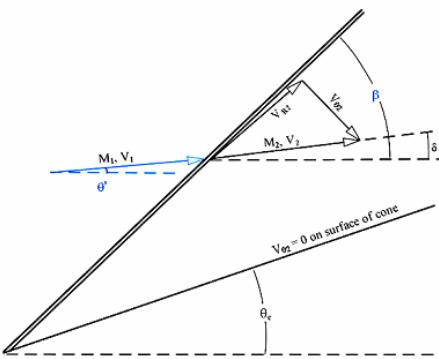
#### ۲-۴. مدل آیرو - اسپایک پلاسمایی

شکل ۴ شماتیک مدل دماغه مخروطی ناقص به همراه آیرو - اسپایک پلاسمایی نصب شده در محفظه آزمون تونل باد مافوق صوت را نشان می‌دهد. مشخصات دماغه بر اساس شکل ۴ الف در جدول ۱ آورده شده است. جهت تقویت میزان همپوشانی پلاسمایی حول اسپایک از یک میدان مغناطیسی در محل اتصال اسپایک به دماغه مخروطی ناقص استفاده شده است. مدل از قسمت‌های مختلفی از جمله اسپایک فیزیکی به عنوان کاتد، دماغه مخروطی ناقص به عنوان آند، عایق سرامیکی سیلندری بین کاتد و آند، بدنه سیلندری، آداپتور اتصال به سیستم آلفا مکانیزم و مجموعه‌ای از سیم‌ها و منبع تعذیه ولتاژ بالا تشکیل شده است.

$$\begin{cases} M_{1n} = M_1 \sin(\beta - \theta') \\ M_{2n} = M_2 \sin(\beta - \delta) \end{cases} \xrightarrow{\beta - \theta' = \beta', \delta - \theta' = \delta'} \begin{cases} M_{1n} = M_1 \sin \beta' \\ M_{2n} = M_2 \sin(\beta' - \delta') \end{cases} \quad (1)$$

عبارات بالا مشابه حالتی است که  $\theta' = 0$  است. بنابراین رابطه  $\delta' - \beta' - M$  مشابه رابطه  $\delta - \beta - M$  به روش زیر به دست می‌آید:

$$\tan \delta' = 2 \cot \beta' \left\{ \frac{(M_1^2 \sin^2 \beta' - 1)}{[M_1^2 (\gamma + \cos 2\beta') + 2]} \right\} \quad (2)$$



شکل ۲. هندسه حل عددی انحراف جریان ناشی از پلاسمایی روی مخروط

[۱۷]

معادله تیلور - ماکسول برای جریان‌های مخروطی به شکل زیر بیان می‌گردد [۱۷]:

$$0.2 [1 - G^2 - G'^2] [2G + G' \cot \theta + G''] - G'^2 [G + G''] = 0 \quad (3)$$

$$G = \frac{V_{R_2}}{V_{2\max}}, \quad G' = \frac{dG}{d\theta}, \quad G'' = \frac{d^2G}{d\theta^2}, \quad \gamma = 1.4$$

شرایط مرزی معادله ۳ عبارت است از:

$$G(\theta) = f(M_2) \cos(\beta - \delta) \quad (4)$$

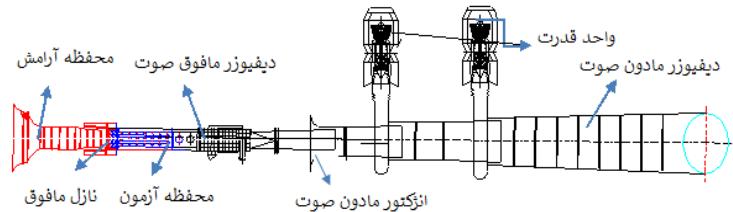
$$G'(\theta) = -f(M_2) \sin(\beta - \delta)$$

$$f(M_2) = \frac{V_2}{V_{2\max}} = \left[ \left( \frac{5}{M_2^2} \right) + 1 \right]^{-\frac{1}{2}}$$

$$M_2 = \frac{M_{2n}}{\sin(\beta - \delta)}$$

$$M_{2n} = \left[ (M_1 \sin \beta')^2 + 5 \right] \left[ 7(M_1 \sin \beta')^2 - 1 \right]^{-\frac{1}{2}}$$

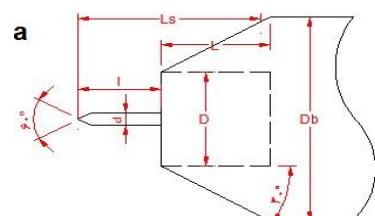
به طوری که  $\delta$  از رابطه ۲ به دست می‌آید. معادله ۳ به روش عددی حل خواهد شد. با به کار بردن تخلیه پلاسمایی زاویه موج ضربه‌ای به اندازه  $\theta'$  اضافه می‌شود و در نتیجه عدد ماخ نیز تغییر می‌کند.



شکل ۳. شماتیک تونل باد مافق صوت

جدول ۱. ابعاد هندسی دماغه مدل آزمایش

توضیحات	جنس	طول (میلی‌متر)	قطر (میلی‌متر)	مدل
مخروط با زاویه ۰ درجه و کاند	تتگستن مولیبدن	۲۰	۳	اسپایک
مخروطی ناقص برای تولید موج منحنی و آند	برنج	۳۰	۲۶	دماغه
برای تحمل درجه حرارت و عایق بین کاند و آند	سرامیک	۱۵	۲۴	علیق
برای نگهداری دماغه و سیستم‌های اندازه‌گیری	آلومینیوم برنج	۲۶	۵۸	بلند سیلندری
برای افزایش همپوشانی پلاسمای اسپایک	-	۵	۱۴	مغناطیس
برای نصب روی سیستم الگامکانیزم تونل باد	آلومینیوم	۶۰	۵۲	آپتور



شکل ۴. شماتیکی از مدل دماغه مخروطی ناقص به همراه آبرو اسپایک پلاسمای نصب شده در محفظه آزمون تونل باد مافق صوت

هر تخلیه بستگی دارد. برای به دست آوردن مؤثرترین چگالی جهت کاهش حداکثری شدت امواج ضربهای، آزمایش‌هایی با چگالی‌های مختلف در حالت فشار  $86 \text{ kPa}$ ، اتمسفر و دمای اتمسفری  $293 \text{ K}$  انجام شده است. شکل ۶ تخلیه پلاسمای اسپایک در شرایط چگالی یونی مختلف پلاسمای اسپایک را نشان می‌دهد. شکل ۶ الف تخلیه پلاسمای اسپایک در چگالی  $1/2 \times 10^{12} \text{ m}^{-3}$  نشان می‌دهد. در این حالت چگالی جریان و در نتیجه میزان تخلیه پلاسمای اسپایک کم بوده و به دلیل اینکه پوشش پلاسمای اسپایک سطح چگالی یونی  $1/2 \times 10^{12} \text{ m}^{-3}$  در این شرایط کاهش پسایی محسوسی صورت نگیرد. شکل ۶ ب تخلیه پلاسمای اسپایک را در این شرایط افزایش چگالی یونی از  $1/2 \times 10^{12} \text{ m}^{-3}$  به  $1/5 \times 10^{13} \text{ m}^{-3}$  باعث بهبود تخلیه تابان و شکل گیری پلاسمای یکنواخت‌تری شده است. با توجه به شکل توزیع پلاسمای اسپایک و آند، پلاسمایی یکنواخت‌تر از حالت قبل است، اما همپوشانی آن حول محور اسپایک قابل قبول نیست. همچنین در شکل ۶ تخلیه پلاسمای اسپایک با چگالی  $3/7 \times 10^{12} \text{ m}^{-3}$  را نشان داده شده که

#### ۴-۳. مشاهدات اپتیکی

اندازه‌گیری میدان جریان با کمک یک سیستم شادوگراف انجام شده است. شماتیکی از نحوه اندازه‌گیری اپتیکی و ثبت عکس‌های همزمان از سیستم شادوگراف و تخلیه تابان پلاسمای اسپایک در شکل ۵ نمایش داده شده است [۱۷]. چیدمان سیستم به گونه‌ای بوده تا بتوان به طور همزمان میدان جریان اطراف دماغه مخروطی ناقص، اسپایک، دماغه کاند، تخلیه پلاسمای اسپایک و کاهش شدت موج ضربهای در تونل باد را تصویربرداری نمود. یک دوربین با نرخ  $300$  فریم بر ثانیه برای ثبت مستقیم عکس‌های دستگاه شادوگراف از دینامیک میدان جریان و دوربین ویدئویی دیگر برای ارزیابی توزیع فضایی و تکامل زمانی از تخلیه تابان پلاسمای اسپایک با نرخ  $30$  فریم بر ثانیه به کار برده شده است. گراف‌های ویدئویی پیوسته از جریان توانست اطلاعات مهمی از رفتار دینامیکی میدان جریان را ثبت نماید.

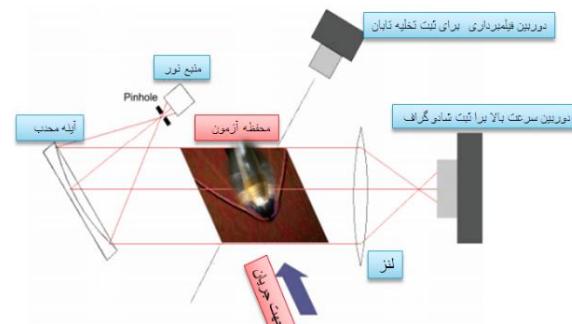
۴-۴. تنظیم جریان پلاسمای اسپایک  
میزان بهبود در رفتار موج ضربهای به چگالی و حجم پلاسمای اسپایک

تعداد الکترون به علت میدان الکتریکی نسبتاً زیاد ( $2500000 \text{ V/m}$ ) باعث نشست پلاسمای در حین خاموش بودن منبع تغذیه شده است و شادوگراف شکل ۷ الف نشان می‌دهد که این نشت جریان پلاسمای سبب افزایش زاویه موج ضربه‌ای از  $42^\circ$  درجه تئوری به  $42/5$  و  $47/5$  درجه در بالا و پائین موج ضربه‌ای شده و شدت موج منحنی‌الشكل در محل تولید پلاسمای بهشت کاهش یافته است. شادوگراف شکل ۷ ب و ج تخلیه پلاسمای با استفاده از دوربین با  $30\text{-fps}$  با فاصله  $5$  میلی‌ثانیه را نشان می‌دهد. شکل ۷ ب در حالتی است که پلاسمای در حال تخلیه است و شکل ۷ ج در یک لحظه ( $5$  میلی‌ثانیه) بعد از آن است که برای وضوح بهتری از ناپدید شدن موج ضربه‌ای آورده شده است. در این شکل تخلیه پلاسمای با چگالی جریان بیشتر به مدل باعث شده است زاویه موج ضربه‌ای بالا و پائین مدل به ترتیب به  $43/5$  و  $47/5$  درجه افزایش یابد. بنابراین افزایش بیشتر چگالی جریان ناشی از تخلیه پلاسمای روی موج منحنی باعث افزایش زاویه بهمیزان  $3/5$  درجه در بالای مدل و  $7/5$  درجه در پائین مدل شده است. شکل ۷ د تخلیه تابان پلاسمای را با  $30\text{-fps}$  در داخل محفظه آزمون تونل باد را نشان می‌دهد. شکل ۷ ه تصاویر موج ضربه‌ای (مایل و منحنی‌الشكل) در موقعی که پلاسمای خاموش است (اما نشت چگالی جریان وجود دارد و در نتیجه پلاسمای ضعیفی در حال تخلیه شدن است) و در حالت پلاسمایی روشن (پلاسمای بیشتر از حالت قبل تخلیه می‌شود) را نشان می‌دهد. در موقع نشت چگالی جریان زاویه موج ضربه‌ای در بالا و پائین به ترتیب بهمیزان  $1$  و  $5$  درجه افزایش یافته و در حالت دوم به ترتیب  $3/5$  و  $7/5$  درجه ارتفا یافته است. این مقایسه نشان می‌دهد که جریان بیشتر پلاسمای باعث افزایش بیشتر در زاویه موج ضربه‌ای و در نتیجه تضعیف بیشتر آن شده است. در عدد ماخ  $2/45$  موج ضربه‌ای به دماغه ناقص چسیده و با تخلیه پلاسمای در جلوی موج منحنی‌الشكل و در قسمت پائین اسپایک، باعث تضعیف موج ضربه‌ای و حذف موج منحنی در ناحیه پائین دماغه شده است، نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که پلاسمای قادر به حذف امواج ضربه‌ای است.

## ۶. نتیجه‌گیری

در این مقاله از روش ترکیبی آیرو - اسپایک پلاسمایی با مغناطیس برای تغییر الگوی موج ضربه‌ای و کاهش شدت موج ضربه‌ای دماغه مدل در عدد ماخ  $2/45$  استفاده شده است. جریان

پلاسمای بطور کامل سطح بین کاتد و آند را حد زیادی پوشش می‌دهد، اما پلاسمای توزیع یکنواخت و کاملی نداشته و در نقاطی به صورت کاملاً نورانی و درخششده درآمده است. لذا انرژی پلاسمای در نقاطی با نور خیره‌کننده تبدیل به نور یا حرارت شده است. در نتیجه مولکول‌های یونی برای تغییر مسیر مولکول‌های هوا به صورت کامل انجام نگرفته و اصطلاحاً پلاسمای به حالت کچلی<sup>۷</sup> درآمده است. در این حالت بازده عملکرد پلاسمای برای کاهش پسا نسبت به انرژی مصرف شده، کاهش یافته است. شکل ۶ د تخلیه تابان را در چگالی یونی  $6/8 \times 10^{19} \text{ m}^{-3}$  نشان می‌دهد. همان‌طور که از شکل مشخص است، پلاسمای تمامی سطح اسپایک را در برگرفته و این نوع تخلیه، که جلوی موج منحنی تولید می‌شود، می‌تواند شدت موج ضربه‌ای را با بهره‌وری حداقل کاهش دهد. لذا این چگالی یونی برای انجام آزمایش‌ها در نظر گرفته شده که مطابق با مرجع [۱۶] سازگار است.



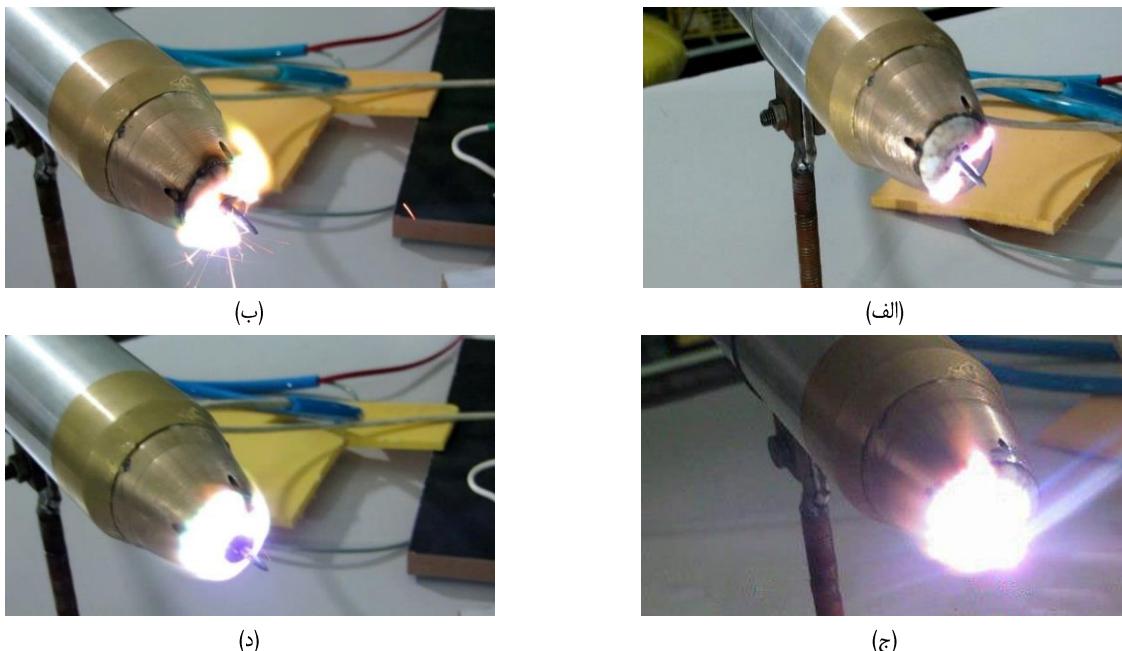
شکل ۵. نمایی شماتیک از نحوه تنظیم اپتیکی سیستم شادوگراف برای مشاهده موج ضربه‌ای روی اسپایک

## ۵. تحلیل نتایج تونل باد

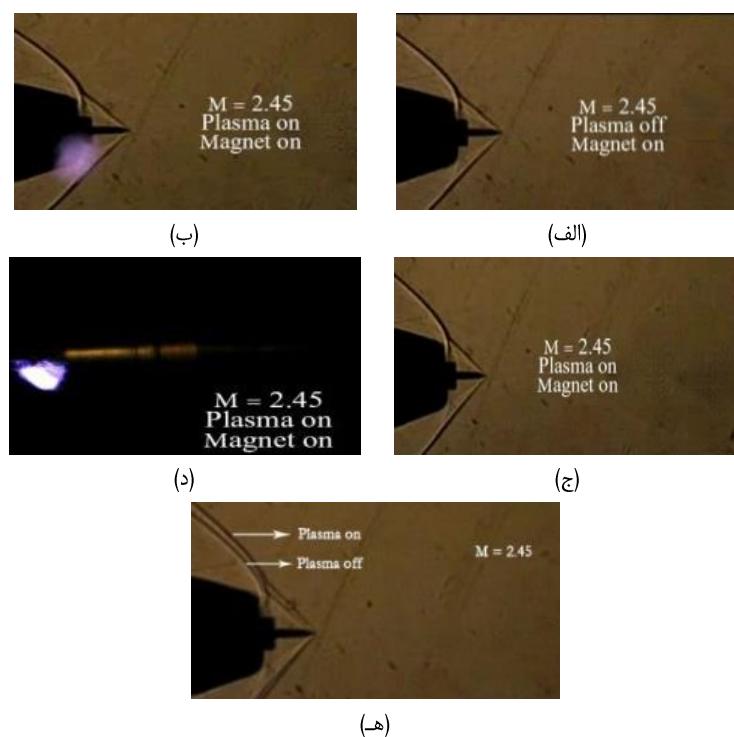
پلاسمایی می‌تواند با استفاده از پدیده برخورد<sup>۸</sup> جریان ورودی به جسم را منحرف کند و سبب کاهش شدت موج ضربه‌ای شود. در این آزمایش‌ها از پلاسمای  $6/8 \times 10^{19} \text{ m}^{-3}$  و میدان مغناطیسی خارجی  $1000$  گاوس برای افزایش چگالی جریان استفاده شده است. عکس‌های شادوگراف و دوربین ثبت تخلیه تابان پلاسمای از میدان جریان اطراف دماغه و اسپایک در عدد ماخ  $2/45$  با و بدون پلاسمای در شکل ۷ آورده شده است. در عدد ماخ  $2/45$ ، زاویه موج ضربه‌ای به صورت تئوری مقدار  $40$  درجه را نشان می‌دهد [۱۹]. در این آزمایش از منبع تغذیه ولتاژ بالا و جریان کم ( $50\text{mA}$  و  $30\text{kV}$ ) استفاده شده است که باعث می‌شود در هر ثانیه  $10^{16} \text{ e}^{-}/\text{m}^2$  الکترون از اسپایک انتشار یابد. این

حين آزمایش استفاده شده است. تصاویر شادوگراف در عدد ماخ ۲/۴۵ نشان می دهد که وجود میدان مغناطیسی در انتهای اسپایک و شدت تخلیه در قسمت پائین دماغه مدل می تواند سبب تضعیف کامل شوک در قسمت پائین دماغه شود.

پلاسما در جلوی مدل آیرو - اسپایک پلاسما بی بهویله تخلیه الکتریکی تابان با ۵۰ هرتز، ۵۰ میلی آمپر و ۳۰ کیلوولت با میزان بهینه چگالی یونی  $6 \times 10^{19} \text{ m}^{-3}$  تولید شده است. برای افزایش چگالی جریان و ثبت تخلیه تابان از میدان مغناطیسی ثابت در



شکل ۶ آزمایش تخلیه پلاسما روی اسپایک؛ (الف) بدون اضافه کردن میدان مغناطیسی (ب) با میدان مغناطیسی، (ج) با جریان هوا با سرعت ۱۰ متر بر ثانیه، (د) با افزایش چگالی جریان



شکل ۷. تصاویر شادوگراف و دوربین ویدئویی در ماخ ۲/۴۵؛ (الف) قبل از تخلیه پلاسما، (ب و ج) تخلیه پلاسما و میدان مغناطیسی به ترتیب در حالت تخلیه و ۵ میلی ثانیه پس از آن، (د) تخلیه تابان پلاسما، (ه) ترکیبی از موج های ضربه ای با نشی چگالی جریان و تخلیه بیشتر پلاسما

-اسپایک پلاسما و مغناطیس است. مهم‌ترین نتیجه حاصل از این تحقیق ایجاد سامانه آزمایشگاهی پلاسما در یک تونل باد موفق صوت در کشور است. همچنین استفاده از منبع تغذیه دوبل و در نظر گرفتن آثار سرعت جریان باد در رژیم مافق صوت روی ولتاژ شکست ضروری به نظر می‌رسد.

### قدرتانی

بدین‌وسیله نویسنده‌گان مقاله بر خود لازم می‌دانند تا از زحمات آفای منوچهر چگنی در ساخت مدل آزمایش و سیستم تخلیه پلاسما و همچنین کارکنان مرکز تحقیقات آئرودینامیک قادر دانشگاه جامع امام حسین<sup>(ع)</sup> در انجام آزمایش‌های تونل باد تقدیر و تشکر نمایند.

همچنین نتایج نشان می‌دهد که افزایش میدان مغناطیسی علاوه بر پایداری بیشتر در تخلیه تابان، افزایش فرکانس، تغییر مسیر ذرات باردار از دایره‌ای به سیکلوترونی و همپوشانی بهتر پلاسما، سبب ضخیم‌تر شدن ضخامت لایه شوک هم می‌شود. تصاویر شادوگراف نشان می‌دهد استفاده از روش آیرو - اسپایک پلاسمای مغناطیسی باعث افزایش ۷/۵ درجه در زاویه موج ضربه‌ای بالای دماغه و درنتیجه ضعیفتر شدن آن و در پایین دماغه باعث ناپدیدشدن موج منحنی شده است. این نتیجه نشان می‌دهد ترکیب مغناطیسی و پلاسما قادر به کاهش شدت و حذف امواج ضربه‌ای در سرعت‌های مافق صوت و در نتیجه کاهش نیروی پسا موجی است. به هر حال، نتایج پژوهش انجام‌شده حاکی از حذف موج ضربه‌ای با کمک جریان پلاسما به روش آیرو

### ۷. مأخذ

- [1] Yu Ch. Ganiev, V. P. Gordeev, A. V. Krasilnikov, V. I. Lagutin, V. N. Outmenikov, A. V. Panasenkov, Aerodynamic Drag Reduction by Plasma and Hot-Gas Injection, *Journal of Thermophysics and Heat Transfer*, January, Vol. 14, No.1 pp. 10-17, 1998.
- [2] M. Mumivand, H. Mohammad Khani, Numerical study of aerodynamic drag reduction blunt nose with Spike and Jet injection combined axial and transverse, *Journal of Mechanical Engineering modares*, Vol. 16, No.7, pp. 133-142, 2016. (in Persian)
- [3] J. S. Shang, Magneto- Aerodynamic Interaction in Weakly Ionized Hypersonic Flow, *AIAA*, Vol. 40, No.,pp.1170-77, 2002.
- [4] A. Buseman, *Elements of Aerodynamics of Supersonic Flow*, The Macmillan Co., New York, pp.117-160, 1949.
- [5] A. Kantrowitz, Flight Magnetohydrodynamics, pp. 221-232, Addison Wesley, 1960.
- [6] D. Riggins, H. F. Nelson, E. Johnson, Blunt – Body Wave Drag Reduction Using Focused Energy Deposition, *AIAA J.*, Vol. 37, pp. 460-464, 1996.
- [7] E. D. Katzen, G. E. Kaattari, Inviscid Hypersonic Flow around Blunt Bodies, *AIAA J.*, Vol. 3, pp. 1230-1237, 1965.
- [8] R. Appartaim, E. D. Mezonlin, J. A. Johnson, Turbulence in Plasma-Induced Hypersonic Drag Reduction, *AIAA J.*, Vol. 40, 2002.
- [9] V. P. Gordeev, A. V. Krasilnikov, V. I. Lagutin, V. N. Otmennikov, Plasma Technology for Reduction of Flying Vehicle Drag, *Fluid Dynamics*, pp. 312-313, 1996.
- [10] R. J. Exton, B. Shirinzadeh, G. J. Brauckmann, G. C. Herring, W. C. Kelliher, On-Board Projection of a Microwave Plasma Upstream of a Mach 6 Bow Shock Phys. Plasmas, Vol. 8, No. 11, pp. 5013-5017, 2001.
- [11] A. S. Baryshnikov, I. V. Basargin, E. V. Dubinina, D. A. Fedotov, Rearrangement of The Shock Wave Structure in a Decaying Discharge Plasma, *Tech. Phys. Lett.*, Vol. 23, No. 4, pp. 259-260, 1997.
- [12] S. P. Kuo, I. M. Kalkhoran, D. Bivolaru, L. Orlick, Observation of Shock Wave Elimination by a Plasma in a M=2.5 Flow, *Physics of Plasmas*, Vol. 7, No. 5, pp. 1345-1348, 2000.
- [13] S. P. Kuo, D. Bivolaru, Plasma Effect on Shock Waves in a Supersonic Flow, *Physics of Plasmas*, Vol. 9, No. 2, pp. 721-723, 2001.
- [14] Chang K. Paul, *Leading-Edge Flow Separation*, 1<sup>st</sup> ed., Pergamon, pp. 452-530, 1970.
- [15] D. Bivolaru, S. P. Kuo, Aerodynamic Modification of Supersonic Flow around

- Truncated Cone Using Pulsed Electrical Discharges, *AIAA J.*, Vol. 43, pp. 482-489, 2005.
- [16] S. P. Kuo, Plasma Mitigation of Shock Wave: Experimental and Theory, *Shock Waves*, Vol. 17, pp. 225-239, 2007.
- [17] S. P. Kuo, Air Plasma Mitigation of Shock Wave, *Advances in Aerospace Science and Technology*, Vol. 1, pp. 59-69, 2016.
- [18] Equation, Table and Charts for Compressible Flow, 1953, <http://naca.central.cranfield.ac.uk> (accessed Dec 20, 2018).
- [19] D. H. Michael, E. C. Rachel, M. Jaysen, K. Jayanta, A. Kareem, G.W. Jennifer, M. Calle, Revision of Paschen's Law Relating to the ESD of Aerospace Vehicle Surfaces, 2017, <https://ntrs.nasa.gov/search.jsp> (accessed Dec 20, 2018).

### پی‌نوشت

- 
1. DSC-RX100M4 SONY
  2. ganiev
  ۳. J و B به ترتیب چگالی جریان و چگالی شار مغناطیسی اعمال شده در جریان
  4. Blunt
  5. aspect ratio
  6. wedge
  7. nude
  8. collision