

فرم بسته تعیین موقعیت اهداف هوایی در طرحی جدید از مسئله مقید هندسی بر مبنای اندازه‌گیری‌های جهت‌یابی

مجید خانلرزاده^۱، کمال محمدپور^۲

۱ دانشجوی دکتری، دانشکده هواشناسی، دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، khanlar386@gmail.com

۲ استاد، دانشکده برق، دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی، تهران

تاریخ دریافت: ۱۳۹۵/۱۱/۰۳

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۶/۱۲/۰۵

چکیده

تعیین موقعیت شامل طیف گسترده‌ای از کاربردهای نظامی و صنعتی است. در موقعیت‌یابی، که مبتنی بر اندازه‌گیری جهت است، موقعیت فرستنده محل تلاقی خطوط جهت‌یابی فرضی است که از حسگرها به‌سمت فرستنده گسیل می‌شوند. در صورت نبود نویز محل برخورد، این خطوط نقطه‌ای منحصر به‌فرد خواهد بود. اما در واقعیت نویز موجود سبب عدم قطعیت در اندازه‌گیری‌ها و تعیین موقعیت می‌شود. تاکنون روش‌های گوناگونی برای موقعیت‌یابی مبتنی بر اندازه‌گیری‌های جهت‌یابی معرفی شده است. بیشتر این روش‌ها بر مبنای الگوریتم‌های عددی و بیشترین احتمال وقوع مرسوم^۱ برای تخمین بهینه موقعیت هدف مطرح شده‌اند. این روش‌ها معادل حداقل کردن مجموع خطاهای اندازه‌گیری با فرض نویز گاوی است. هرچند TML تخمینگری دقیق است، اما به‌دلیل استفاده از الگوریتم عددی تکرارشونده، وقتی نویز اندازه‌گیری‌ها بزرگ یا هندسه مسئله نامطلوب باشد، سبب واگرایی الگوریتم می‌شود. این روش‌ها به‌دلیل استفاده از الگوریتم‌های عددی، فرم بسته ریاضی برای جواب ندارند. علاوه بر این روش‌ها، فعالیت‌های محدودی برای حل مسئله و رسیدن به فرم بسته جواب بر مبنای خصوصیات هندسی مسئله انجام شده که معروف‌ترین آنها روش استنسفیلد^۲ است. این الگوریتم مبتنی بر فرض کوچک‌بودن نویز گاوی و دانستن فاصله تقریبی فرستنده از حسگرهاست. در این مقاله برای رسیدن به فرم بسته جواب به خصوصیات هندسی مسئله توجه شده است. با این تفاوت که به کوچک‌بودن نویز گاوی و تقریب فاصله فرستنده تا حسگرها نیاز نیست. چون در بیشتر مقالات برای تعیین میزان دقت روش ارائه شده، پاسخ الگوریتم TML به عنوان معیار مقایسه شده، در این مقاله با بررسی چند سناریو نشان داده می‌شود که الگوریتم ارائه شده علاوه بر ارائه فرم بسته ریاضی جواب خطای RMSE^۳ کمتری نسبت به TML دارد.

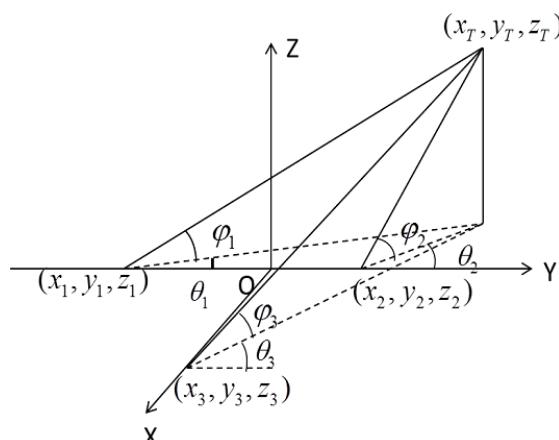
واژگان کلیدی

مکان‌یابی، جهت‌یابی، الگوریتم ماکریم شباخت، بهینه‌سازی مقید، زاویه سمت، زاویه ارتفاع

(θ_k, φ_k) شامل زاویه سمت^{۱۰} θ_k و زاویه ارتفاع^{۱۱} φ_k در مختصات کروی می‌باشد که با استفاده از این اندازه‌گیری‌ها مختصات هدف تعیین خواهد شد.

۱-۲. تشریح مسئله و تعاریف

برای یکسان‌شدن اندازه‌گیری‌ها لازم است قراردادی برای تعیین دستگاه مختصات R^3 در نظر گرفته شود. لذا فرض می‌شود که حسگر اول در مبدأ مختصات است (بدون اینکه کلیت مسئله تغییر کند) و حسگر دوم در جهت مثبت محور x می‌باشد. محور z طبق قانون دست راست و از چرخش ۹۰ درجه محور x به موازات صفحه افق به دست می‌آید. محور z نیز عمود بر این صفحه xy و به سمت بالای صفحه افق است. اندازه‌گیری زاویه سمت نسبت به یک جهت عمومی (مثل شمال) می‌باشد، بنابراین $\theta_k \in [0, 2\pi]$ و زاویه ارتفاع نسبت به راستای افق اندازه‌گیری می‌شود. پس $\varphi_k \in [0, \frac{\pi}{2}]$ خواهد بود. فرض لازم دیگر این است که هیچ دو حسگری با هدف در یک راستا قرار نگیرد؛ زیرا اندازه‌گیری جهت‌یابی دو حسگر یکسان شده و در عمل این دو حسگر یکسان خواهد شد. چنانچه در محیطی بدون نویز باشیم، شاعع‌های فرضی جهت‌یابی که از حسگر بهسوی هدف گسیل می‌شوند مطابق شکل ۲ در یک نقطه تلاقی خواهد کرد که همان هدف است.



شکل ۲. هندسه و تعاریف مسئله برای سه حسگر در فضای R^3

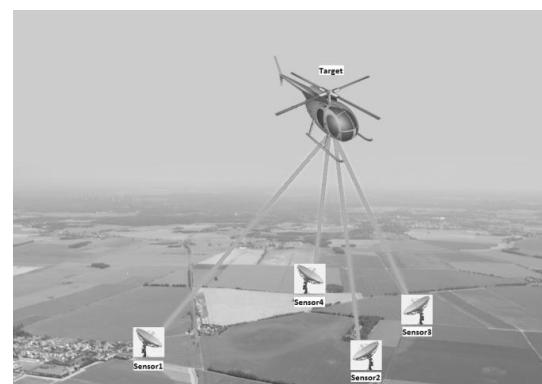
اما در واقعیت، در محیط نویزی این خطوط ممکن است تلاقی نداشته باشند و مانند شکل ۳ دسته خطوطی متنافر را تشکیل دهند. بنابراین مقادیر اندازه‌گیری شده ($\hat{\theta}_k, \hat{\varphi}_k$) که به نویز آگشته هستند را می‌توان به صورت زیر بازنویسی کرد:

$$\hat{\theta}_k = \theta_k + e_{\theta_k} \quad (1)$$

TML به چیدمان هندسی مسئله وابسته است [۱۱، ۱۳]. به این معنا که تقریب اولیه محل هدف در شرایط چیدمان هندسی نامطلوب معمولاً به واگرایی الگوریتم TML منجر می‌شود. الگوریتم پیشنهادی این مقاله به چیدمان هندسی مسئله وابسته نیست و به تقریب اولیه از محل هدف نیازی ندارد و واگرایی شود. همان‌طور که قبل اشاره شد، همگرایی تخمینگرهای یادشده قبلی به مقدار اولیه و پارامتر گام تکرار شدیداً حساس می‌باشد، اما الگوریتم پیشنهادی همواره همگرای است. هیچ‌یک از روش‌های ارائه شده فرم بسته جواب ندارند، اما همان‌طور که نشان داده خواهد شد، الگوریتم پیشنهادی در این مقاله دارای جواب فرم بسته ریاضی می‌باشد. در بخش دوم، مسئله به صورت دقیق مورد بررسی قرار گرفته و تعاریف لازم ارائه شده است. در ادامه همین بخش، تفسیر هندسی مسئله به همراه روابط ریاضی جهت استخراج فرم بسته جواب تشریح می‌شود. در بخش سوم، دو سناریوی مجزا شبیه‌سازی و با روش TML مقایسه شده و مزیت همین بخش، نتایج شبیه‌سازی‌ها تحلیل و بررسی شده و مزیت روش ارائه شده در مقاله نسبت به روش‌های تکرار عددی مثل TML تبیین شده است. در بخش چهارم نتیجه‌گیری و در بخش پایانی مأخذ جهت مراجعة خواننده ارائه شده است.

۲. ارائه و بررسی سناریو

در شکل ۱ سناریوی کاربردی تعیین موقعیت سه بعدی برای یک هدف فرستنده مثل بالگرد در موقعیت x, y, z در دستگاه مختصات دکارتی R^3 نمایش داده شده است.



شکل ۱. سناریو تعیین موقعیت سه بعدی یک بالگرد

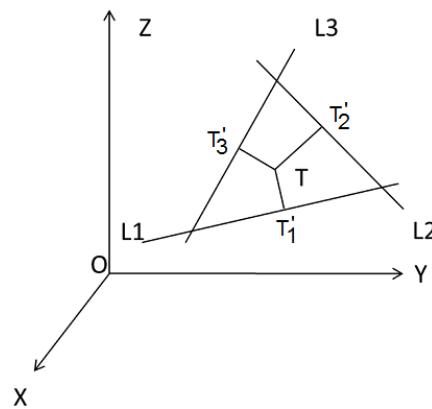
حسگرهایی که در مختصات x_k, y_k, z_k قرار دارند، جهت یا گرای^۹ هدف را اندازه‌گیری می‌کنند. هر اندازه‌گیری جهت هدف

$$\operatorname{argmin}_{T, T'_k} \sum_{k=1}^M d_k \quad (4)$$

$$s.t.: \frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{y'_k - y_k}{b_k} = 0, \frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{z'_k - z_k}{c_k} = 0$$

معادله لاگرانژ مسئله بهینه سازی فوق مطابق رابطه ۵ است:

$$L = \sum_{k=1}^M \sqrt{(x - x'_k)^2 + (y - y'_k)^2 + (z - z'_k)^2} + \sum_{k=1}^M \left[\lambda_k \left(\frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{y'_k - y_k}{b_k} \right) + \mu_k \left(\frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{z'_k - z_k}{c_k} \right) \right] \quad (5)$$



شکل ۴. هندسه سه بعدی قیود مسئله بهینه سازی برای سه حسگر

با اندکی تأمل در معادله ۵ واضح است که برای حل مسئله بهینه سازی و اعمال شرایط KKT [۱۹] دستهای از معادلات غیرخطی به دست می آید که حل ریاضی آن فقط با روش های عددی ممکن است. جهت سادگی در حل مسئله می توان تقریب ساده کننده ای در نظر گرفت که به جای فاصله d_k از استفاده شود. واضح است این تقریب تأثیری در کلیت مسئله بهینه سازی ۴ نداشته و این مسئله به رابطه ۶ اصلاح می گردد:

$$\operatorname{argmin}_{T, T'_k} \sum_{k=1}^M d_k^2 \quad (6)$$

$$s.t.: \frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{y'_k - y_k}{b_k} = 0, \frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{z'_k - z_k}{c_k} = 0$$

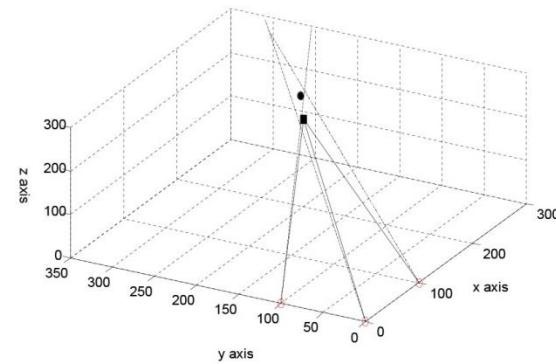
پس معادله لاگرانژ مسئله اصلاح شده ۶ به شکل رابطه ۷ خواهد شد:

$$L = \sum_{k=1}^M [(x - x'_k)^2 + (y - y'_k)^2 + (z - z'_k)^2] + \sum_{k=1}^M \left[\lambda_k \left(\frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{y'_k - y_k}{b_k} \right) + \mu_k \left(\frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{z'_k - z_k}{c_k} \right) \right] \quad (7)$$

تعداد مجهولات $5M + 3$ است که عبارتند از (x, y, z) و $(x'_k, y'_k, z'_k, \mu_k, \lambda_k)$ که $k = 1..M$ می باشد. برای محاسبه

$$\hat{\varphi}_k = \varphi_k + e_{\varphi_k} \quad (2)$$

که (2) مقادیر تصادفی گاویسی با میانگین صفر و واریانس σ^2 می باشند. واحد اندازه گیری زاویه ها رادیان و محاسبات بر حسب آنها می باشد. از واحد درجه صرفاً برای راحتی در نمایش استفاده می شود.



شکل ۳. نمایی از ■ مکان واقعی هدف بدون نویز

● مکان تخمینی هدف در حضور نویز

۲-۲. تفسیر هندسی و استخراج روابط

فرض می شود تعداد M حسگر S_k در موقعیت x_k, y_k, z_k قرار دارد $k = 1..M$ و هدف T در موقعیت نامعلوم x_T, y_T, z_T است که قرار است توسط اندازه گیری های جهتیابی $(\hat{\theta}_k, \hat{\varphi}_k)$ تعیین موقعیت شود. همان گونه که قبل ای بیان شد، در حضور نویز یک جواب منحصر به فرد برای تعیین موقعیت هدف وجود نخواهد داشت. خط فرضی l_k که از حسگر S_k به سمت هدف T گسیل می گردد و لزوماً از نقطه T نمی گذرد دارای معادله کانونیک با رابطه ۳ خواهد بود:

$$\begin{aligned} \frac{x - x_k}{a_k} &= \frac{y - y_k}{b_k} = \frac{z - z_k}{c_k} \\ a_k &= \cos \hat{\theta}_k \sin \hat{\varphi}_k \\ b_k &= \cos \hat{\theta}_k \sin \hat{\varphi}_k \\ c_k &= \cos \hat{\varphi}_k \quad k = 1..M \end{aligned} \quad (3)$$

فرض می شود T'_k به مختصات x'_k, y'_k, z'_k پای عمود نقطه T از خط l_k می باشد که $d_k = \|T - T'_k\|_2$ فاصله این دو نقطه خواهد بود. یک تخمین هندسی از نقطه T می تواند نقطه ای باشد که مجموع فواصل d_k حداقل باشد. جهت روشن شدن موضوع شکل ۴ برای سه حسگر نشان داده شده است. بنابراین می توان از حل مسئله بهینه سازی باتابع هزینه و قیود مندرج در رابطه ۴ را به دست آورد:

است، استفاده شده است. برای شبیه‌سازی هر دو الگوریتم، خطای اندازه‌گیری زاویه جهت‌یابی از صفر تا ۱۰ درجه در محاسبات مد نظر قرار گرفته است. با شبیه‌سازی مونته کارلو به تعداد ۱۰۰۰۰ بار، مقدار خطای RMSE موقعیت‌یابی و احتمال واگرایی برای الگوریتم TML و الگوریتم پیشنهادی به دست آمده است. خطای RMSE موقعیت‌یابی طبق رابطه ۲۰ تعریف شده است:

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{10000} \sum_{i=1}^{10000} (x_i - x_T)^2 + (y_i - y_T)^2 + (z_i - z_T)^2} / 10000 \quad (20)$$

در ادامه دو سناریوی متفاوت برای مقایسه عملکرد الگوریتم پیشنهادی نسبت به الگوریتم TML در نظر گرفته شده است.

۳-۱. سناریوی با چیدمان بد

اگر نحوه چیدمان هندسی هدف نسبت به حسگرها به گونه‌ای باشد که مقدار زوایای جهت‌یابی اندازه‌گیری شده توسط حسگرها نزدیک و مشابه باشد، به طوری که در شکل‌های ۵ و ۶ نشان داده شده است، میزان عدم قطعیت اندازه‌گیری‌ها و خطای تعیین موقعیت هدف افزایش می‌یابد. به چنین وضعیتی چیدمان بد یا هندسه بد گفته می‌شود. بر عکس، اگر چیدمان هندسی به گونه‌ای باشد که زوایای جهت‌یابی با هم اختلاف زیادی داشته باشند، آنچنان که در شکل‌های ۹ و ۱۰ نشان داده شده است، به این حالت چیدمان خوب یا هندسه خوب گفته می‌شود. جهت مطالعه و اطلاع بیشتر، مراجع [۷] و [۲۰] پیشنهاد داده می‌شود. چیدمانی مطابق جدول ۱ در نظر گرفته شده است که موقعیت قرارگرفتن حسگرها و هدف را نسبت بهم نشان می‌دهد. طول، عرض و ارتفاع بیان شده در جدول بر حسب متر است.

جدول ۱. مختصات حسگرها و هدف در سناریوی اول

ارتفاع	عرض	طول	
صفر	صفر	صفر	حسگر ۱
صفر	صفر	۱۰۰۰	حسگر ۲
صفر	۲۰۰۰	صفر	حسگر ۳
۴۰۰۰	۵۰۰۰	۲۰۰۰	هدف

در شکل ۵ این چیدمان در فضای سه‌بعدی نمایش داده شده است (نقاط سبز تخمین موقعیت دقیق هدف هستند). در شکل ۶ موقعیت حسگرها و هدف در صفحه xy نشان داده شده است. همان‌گونه که در این شکل مشاهده می‌شود، تمامی حسگرها در یک جهت نسبت به هدف قرار دارند یا به عبارتی تمام زوایای

ین مجھولات شرایط KKT بر معادله لاگرانژ ۷ اعمال می‌شود و روابط ۸ تا ۱۵ به شرح ذیل به دست می‌آید:

$$\frac{\partial L}{\partial x} = 0 \rightarrow x - \frac{1}{M} \sum_{k=1}^M x'_k = 0 \quad (8)$$

$$\frac{\partial L}{\partial y} = 0 \rightarrow y - \frac{1}{M} \sum_{k=1}^M y'_k = 0 \quad (9)$$

$$\frac{\partial L}{\partial z} = 0 \rightarrow z - \frac{1}{M} \sum_{k=1}^M z'_k = 0 \quad (10)$$

$$\frac{\partial L}{\partial x'_k} = 0 \rightarrow 2x'_k - 2x + \frac{\lambda_k}{a_k} + \frac{\mu_k}{a_k} = 0, k = 1..M \quad (11)$$

$$\frac{\partial L}{\partial y'_k} = 0 \rightarrow 2y'_k - 2y - \frac{\lambda_k}{b_k} = 0, k = 1..M \quad (12)$$

$$\frac{\partial L}{\partial z'_k} = 0 \rightarrow 2z'_k - 2z - \frac{\mu_k}{c_k} = 0, k = 1..M \quad (13)$$

$$from s.t.: \frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{y'_k - y_k}{b_k} = 0 \rightarrow \frac{x'_k}{a_k} - \frac{y'_k}{b_k} = \frac{x_k}{a_k} - \frac{y_k}{b_k}, k = 1..M \quad (14)$$

$$from s.t.: \frac{x'_k - x_k}{a_k} - \frac{z'_k - z_k}{c_k} = 0 \rightarrow \frac{x'_k}{a_k} - \frac{z'_k}{c_k} = \frac{x_k}{a_k} - \frac{z_k}{c_k}, k = 1..M \quad (15)$$

پس مجھولات از معادله ماتریسی ۱۶ قابل محاسبه است:

$$Ax = b \quad (16)$$

$$x = \begin{bmatrix} x & y & z & x'_1 & \dots & x'_M & y'_1 & \dots & y'_M & z'_1 & \dots & z'_M & \lambda_1 & \dots & \lambda_M & \mu_1 & \dots & \mu_M \end{bmatrix}^T \quad (17)$$

یک بردار ۳ ۵۴ بعدی و T نشان دهنده ترانهاده ماتریس

می‌باشد. بردار مقادیر ثابت b برابر است با بردار ۱۸:

$$b = \left[\overbrace{0 \dots 0}^{3M+3} \left(\frac{x_1}{a_1} - \frac{y_1}{b_1} \right) \dots \left(\frac{x_M}{a_M} - \frac{y_M}{b_M} \right) \left(\frac{x_1}{a_1} - \frac{z_1}{c_1} \right) \dots \left(\frac{x_M}{a_M} - \frac{z_M}{c_M} \right) \right]^T \quad (18)$$

ماتریس ضرایب معادلات A از روابط ۸ تا ۱۵ به دست می‌آید

که یک ماتریس مربعی با ابعاد $(5M+3) \times (5M+3)$ است

و چون روابط ۸ تا ۱۵ مستقل از هماند ماتریس A وارون‌پذیر بوده

و می‌توان بردار مجھولات ۱۷ را از ۱۹ به دست آورد:

$$x = A^{-1}b \quad (19)$$

نشان داده شد که مسئله اصلاح شده ۷ جوابی با فرم بسته

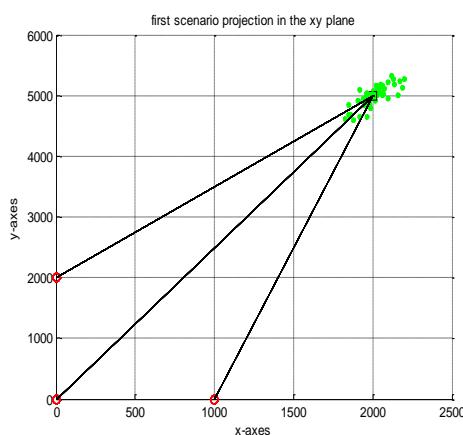
ریاضی دارد، اما همان‌طور که قبل اشاره شد روش TML یک

روش عددی است و جواب با فرم بسته ریاضی ندارد.

۳. شبیه‌سازی و بررسی سناریوها

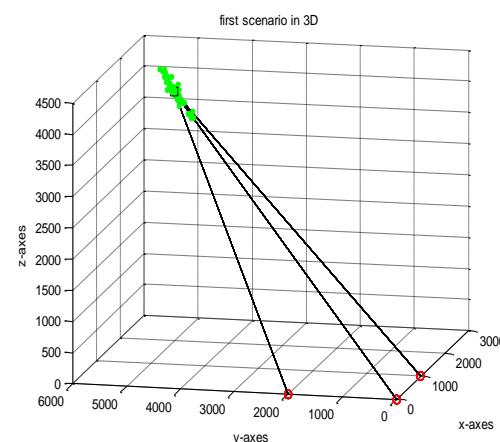
در این بخش برای مقایسه الگوریتم پیشنهادی، از الگوریتم TML بر مبنای روش تکرار گاوس-نیوتن، که روشی مرسوم و پرکاربرد

بر مبنای تعداد واگرایی الگوریتم در ۱۰۰۰۰ بار اجرای شبیه‌سازی می‌باشد. شرط واگرایی الگوریتم برای خطای تعیین موقعیت بیشتر از 10° در نظر گرفته شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، TML تا خطای اندازه‌گیری زاویه جهتیابی ۶ درجه الگوریتم واگرایی نیست، اما بعد از آن اعتباری به جوابش نخواهد بود.

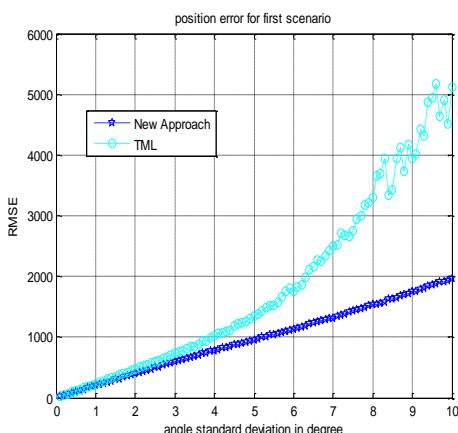


شکل ۶. تصویر سناریوی اول در صفحه xy

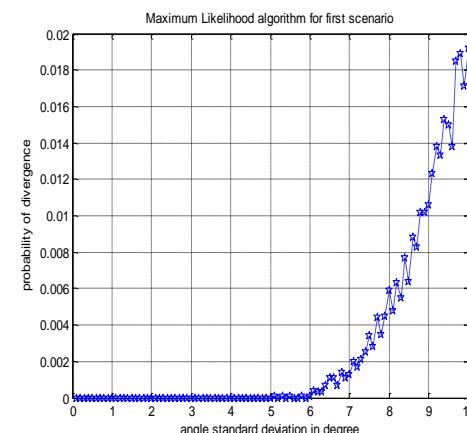
آزمیوت هم علامت‌اند که از لحاظ عملیاتی این یک سناریوی بد محسوب می‌شود. نشان داده خواهد شد که در چنین سناریویی با افزایش خطای اندازه‌گیری زاویه جهت، الگوریتم TML واگرایی می‌شود. در شکل ۷ احتمال واگرایی الگوریتم TML، که حاصل از شبیه‌سازی این الگوریتم می‌باشد، ارائه شده است. این احتمال



شکل ۵. نمای سه بعدی سناریوی اول



شکل ۸. مقایسه خطای تعیین موقعیت بین دو الگوریتم در سناریوی اول



شکل ۷. احتمال واگرایی الگوریتم ماکریم شباهت سناریوی اول

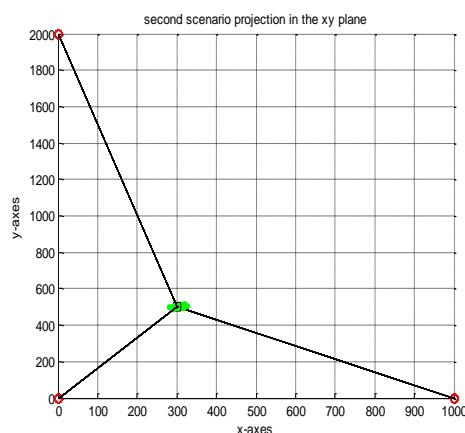
الگوریتم TML دارای خطای تعیین موقعیت ۱۸۰۰ متر بوده اما الگوریتم مورد نظر دارای خطای ۱۱۰۰ متر است.

۳-۲. سناریوی با چیدمان خوب

در بخش قبل عملکرد دو الگوریتم روی یک سناریو با چیدمان بد مورد بررسی و مقایسه قرار گرفت. در این بخش یک سناریو با چیدمان خوب مطابق جدول ۲ در نظر گرفته می‌شود تا کارکرد الگوریتم‌ها از جنبه‌های دیگر مقایسه شود. چیدمان سه‌بعدی

در شکل ۸ خطای تعیین موقعیت RMSE با تعریف ارائه شده معادله ۲۰، برای هر دو الگوریتم در یک نمودار آورده شده است. مشاهده می‌شود جواب الگوریتم TML از خطای ۶ درجه به بعد معتبر نیست، اما چون الگوریتم مورد نظر مقاله دارای جواب ریاضی به فرم بسته می‌باشد تا خطای 10° درجه همچنان پایدار بوده و همگراست. مشاهده می‌شود تا خطای زاویه ۶ درجه، که الگوریتم TML همگراست، الگوریتم مورد نظر مقاله خطای کمتری در تعیین موقعیت ارائه می‌دهد در خطای زاویه ۶ درجه

الگوریتم TML حتی برای خطای بزرگ اندازه‌گیری زاویه جهتیابی کم است. در شکل ۱۱ احتمال واگرایی الگوریتم TML که خروجی شبیه‌سازی است نشان داده شده است. در سراسر بازه خطای اندازه‌گیری زاویه؛ یعنی از صفر تا ۱۰ درجه احتمال واگرایی تقریباً صفر است. بنابراین همان‌طور که در شکل ۱۲ نشان داده است، الگوریتم TML در سراسر بازه خطای مورد نظر همگرا بوده و دارای جواب است. آنچه از این شکل نتیجه گرفته می‌شود، این است که کارایی الگوریتم مورد نظر مقاله حتی در وضعیت‌هایی که الگوریتم TML همگراست، بهتر است. در تأیید این مطلب، همان‌طور که در شکل ۱۲ مشاهده می‌شود، به طور مثال در خطای زاویه ۶ درجه، خطای تعیین موقعیت RMSE الگوریتم TML برابر ۹۵ متر است، در حالی که الگوریتم مورد نظر خطای ۶۰ متر دارد. پس الگوریتم مد نظر در تعیین موقعیت نسبت به الگوریتم TML خطای کمتری دارد.



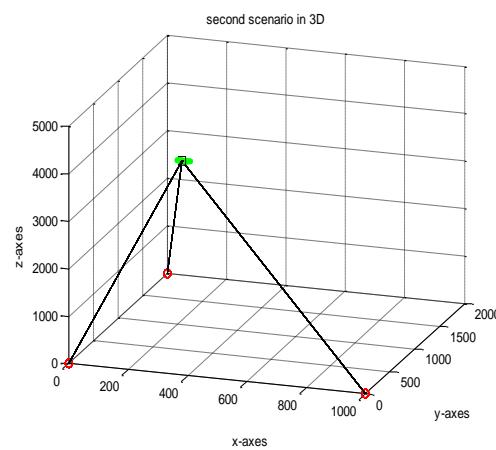
شکل ۱۰. تصویر سناریوی دوم در صفحه xy

مطابق شکل ۹ نشان داده است که طول، عرض و ارتفاع بر حسب متر می‌باشد.

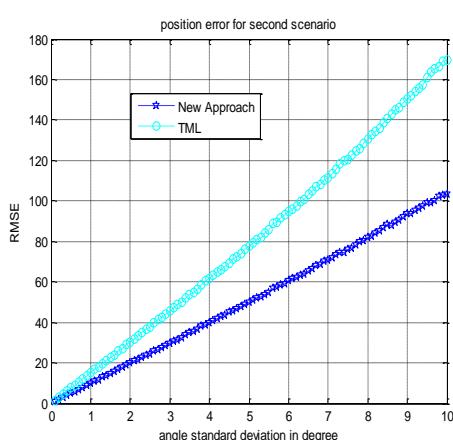
جدول ۲. مختصات حسگرهای هدف در سناریوی دوم

ارتفاع	عرض	طول	
صفر	صفر	صفر	حسگر ۱
صفر	صفر	۱۰۰۰	حسگر ۲
صفر	۲۰۰۰	صفر	حسگر ۳
۴۰۰	۵۰۰	۳۰۰	هدف

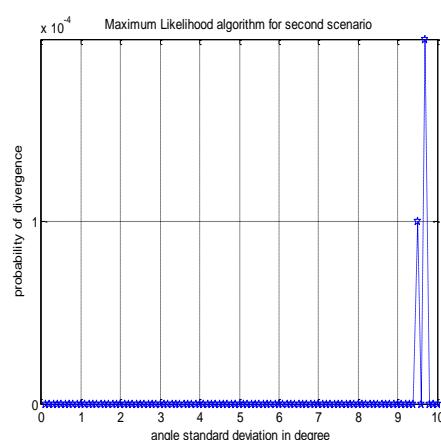
در شکل ۱۰ هندسه هدف و حسگرهای در صفحه xy نمایش داده شده است. مشاهده می‌شود هدف تقریباً در وسط حسگرهای بوده و زاویه آزمیوت هدف نسبت به حسگرهای هم‌علامت نیستند. همان‌گونه که قبلاً گفته شد، این سناریو از لحاظ عملیاتی خوب محاسبه می‌شود. در سناریوی با چیدمان خوب احتمال واگرایی



شکل ۹. نمای سه‌بعدی سناریوی دوم



شکل ۱۲. مقایسه خطای تعیین موقعیت بین دو الگوریتم در سناریوی دوم



شکل ۱۱. احتمال واگرایی الگوریتم ماکریم شاہت سناریوی دوم

حکم نتیجہ گیری

در این مقاله الگوریتمی جدید برای مکان‌یابی به کمک اندازه‌گیری‌های جهت‌یابی با تمرکز بر هندسهٔ مسئله، که عموماً در مقالات کمتر به آن پرداخته شده است، ارائه و مورد بررسی قرار گرفت. همچنین از این الگوریتم جواب ریاضی با فرم بسته برای تعیین موقعیت هدف استخراج شد که اصولاً مورد علاقهٔ محققان می‌باشد. برخلاف روش‌های عددی تکرارپذیر مثل TML، که زمان‌برند، حل ماتریسی مسئلهٔ توسط الگوریتم پیشنهادی مقاله می‌تواند سبب افزایش سرعت در استخراج موقعیت هدف شود. نشان داده شد در سناریوهای مشابه، الگوریتم مورد نظر در برای خطاهاي بزرگ اندازه‌گيری جهت‌يابي نسبت به الگوریتم TML كارآمدی بهتری داشته و همگرايی خود را حفظ می‌كند و به مقداردهی اوليه از هدف وابسته نمی‌باشد. نشان داده شد که خطای RMSE تعیین موقعیت به دست آمده از مسئلهٔ اصلاح شده ۷ توسط این الگوریتم کمتر از روش TML می‌باشد. در مجموع می‌توان مزایای این تخمینگر در مقایسه با روش عددی تکرار پذیر TML را به شرح دلیل فهرست کرد:

۱. عدم وابستگی به حدس نقطه اولیه هدف جهت شروع الگوریتم
 ۲. به دست آوردن فرم بسته ریاضی جواب موقعیت هدف
 ۳. حفظ همگرایی الگوریتم برای خطای اندازه‌گیری زاویه جهت پذیری، با مقادیر واریانس بزرگ

٥. مأخذ

- [1] R. G.Stansfield, Statistical theory of DF fixing, *Journal of IEE*, vol. 94, no. 15, pp. 762-770, 1947.
 - [2] H. E. Daniels, The theory of position finding, *Journal of the Royal Statistical Society*, B13, pp. 186-207, 1951.
 - [3] I. Shames, A. N. Bishop, M. Smith, B. D. O. Anderson,Doppler Shift Target Localization, *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 49, Issue. 1, pp. 266-276, Jan 2013.
 - [4] S. Lim, H. Bang, Guidance laws for target localization using vector field approach, *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 50, Issue. 3, pp. 1991-2003, July 2014.
 - [5] L. M. Kaplan, Q. Le, N. Molnar, Maximum likelihood methods for bearings-only target localization, in Proc. Int. Conf. Acoust., Speech, Signal Process., 2001, vol. 5, pp. 3001-3004.
 - [6] Z. Berman, A reliable maximum likelihood algorithm for bearingonly targetmotion analysis, in Proc. 36th IEEE Conf. Decision Contr., Dec. 1997, vol. 5, pp. 5012-5017.
 - [7] A. N. Bishop, B. Fidan, B. D. O. Anderson, K. Dogancay, P. N. Pathirana, Optimality analysis of sensor-target geometries in passive localization: Part 1–Bearing-only localization, In Proceedings of the 3rd International Conference on Intelligent Sensors, Sensor Networks, and Information Processing, Melbourne, Australia, Dec. 2007.

- [8] A. N. Bishop, B. D. O. Anderson, B. Fidan, P. N. Pathirana, G. Mao, Bearing-only Localization using Geometrically Constrained Optimization, *IEEE Trans. on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 45, no. 1, pp. 308-320, 2009.
- [9] M. Gavish, A. J. Weiss, Performance analysis of bearing-only target location algorithms, *IEEE Trans. on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 28, no. 3, pp. 817-828, 1992.
- [10] D. J. Torrieri, Statistical theory of passive location systems, *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 20, no. 2, pp. 183-198, 1984.
- [11] W. H. Foy, Position-location solutions by Taylor-series estimation, *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 12, no. 2, pp. 187-194, 1976.
- [12] J. Rife, Design of a distributed localization algorithm to process angle-of-arrival measurements, *IEEE International Conference on Technologies for Practical Robot Applications (TePRA)*, pp. 1-6, May 2015.
- [13] J. P. Le Cadre, C. Jauffret, On the convergence of iterative methods for bearings-only tracking, *IEEE Trans. on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 35, no. 3, pp. 801-818, 1999.
- [14] S. C. Nardone, A. G. Lindgren, K. F. Gong, Fundamental properties and performance of conventional bearings-only target motion analysis, *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, vol. 35, no. 3, pp. 801-818, 1999.
- [15] K. Dogancay, Bearings-only target localization using total least squares, *Signal Processing*, vol. 85, pp. 1695-1710, 2005.
- [16] K. Dogancay, G. Ibal, 3D passive localization in the presence of large bearing noise, *13th European Signal Processing Conference EUSIPCO2 05 Proceedings*, pp. 1-4, 2005.
- [17] Z. Wang, J. A. Luo, X. P. Zhang, A Novel Location-Penalized Maximum Likelihood Estimator for Bearing-Only Target Localization, *IEEE Transactions on Signal Processing*, vol. 60, no. 12, pp. 6166-6181, December 2012.
- [18] M. Fardad, A. Ghorashi, R. Shahbazian, A novel maximum likelihood based estimator for bearing-only target localization, *22nd Iranian Conference on Electrical Engineering (ICEE)*, pp. 1522-1527, May 2014.
- [19] Stephen Boyd, *Convex Optimization*, Cambridge: Cambridge University Press, 2004.
- [20] A. N. Bishop, B. Fidan, B. D. O. Anderson, P. N. Pathirana, K. Dogancay, Optimality analysis of sensor-target geometries in passive localization: Part 2-Time of arrival based localization, In Proceedings of the 3rd International Conference on Intelligent Sensors, Sensor Networks, and Information Processing, Melbourne, Australia, Dec. 2007.

پی‌نوشت

-
1. traditional maximum likelihood
 2. Stansfield
 3. root mean square error
 4. maximum likelihood estimation
 5. weighted least squares
 6. maximum likelihood estimator
 7. maximum likelihood
 8. Gauss-Newton method
 9. bearing
 10. azimuth
 11. elevation
 12. Karush-Kuhn-Tucker